

Esercizio 1

Se le ruote di un'auto sono bloccate durante una frenata di emergenza l'auto slitta sulla strada. Le tracce di frenata più lunghe (**290 m**) sono state misurate nel 1960 in Gran Bretagna. Supponendo che il coefficiente di attrito dinamico fosse $\mu_d = 0.60$, calcolare la velocità dell'auto all'istante di bloccaggio delle ruote.

Esercizio 2

Sulle ali di un aereo in volo, la cui massa è $M = 50.000 \text{ Kg}$, si forma del ghiaccio che ne aumenta la massa. Se la variazione di massa nell'unità di tempo è 7 Kg/s e l'aereo vola ad una velocità costante di 800 Km/h verso Est, qual è la variazione della quantità di moto? Se, invece, quando inizia a formarsi il ghiaccio i motori sono già al massimo e la spinta non può essere aumentata, cosa succede?

Esercizio 3

Un pacco di massa 2.0 kg sta scivolando senza attrito su una superficie con velocità $v_i = 4.0 \text{ m/s}$. Va a finire contro una molla e la comprime fino ad arrestarsi momentaneamente. La superficie è priva di attrito per il tratto su cui scivola liberamente, mentre dal punto in cui tocca la molla in avanti agisce sul pacco una forza di attrito di modulo 15.0 N . La costante elastica della molla vale 10000 N/m . Di che lunghezza d si comprime la molla per arrestare il pacco?

Esercizio 4

Una cassa di 15 kg è trascinata in salita a velocità costante su una rampa priva di attrito per una distanza $d = 5.70 \text{ m}$, fino a un'altezza $h = 2.50 \text{ m}$ rispetto al suo punto di partenza, quindi si arresta.

- quanto lavoro viene svolto dalla forza gravitazionale F_g ?
- quanto lavoro viene compiuto sulla cassa dalla forza T del cavo che tira su la cassa per il piano inclinato?
- cosa succede se sollevo la cassa della stessa quota h ma con rampa più lunga?

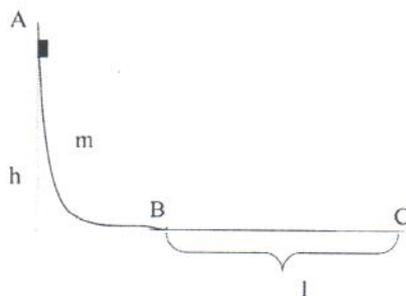
Esercizio 5

Una praticante di salto con l'elastico si trova su un ponte alto 45.0 m sul livello del fiume. La ragazza ha una massa di 61.0 kg . Allo stato di riposo la corda elastica ha una lunghezza di 25.0 m . Supponiamo che la corda segua la legge di Hooke, con costante elastica $k = 160 \text{ N/m}$. Se la saltatrice si arresta prima di avere raggiunto l'acqua, a quale quota h si trova al di sopra del livello del fiume?

Esercizio 6

Un corpo puntiforme di massa $m = 3 \text{ Kg}$, inizialmente fermo in A, scivola da un'altezza $h = 10 \text{ m}$, lungo una guida liscia (priva di attrito) disposta come in figura. Calcolare:

- La velocità con cui arriva alla base della guida (punto B in figura)
- A partire da B il corpo rallenta fino a fermarsi in C dopo aver percorso una distanza $l = 15 \text{ m}$ su un piano scabro; calcolare il coefficiente di attrito dinamico di questo tratto (da B a C)
- Se in C il corpo avesse una velocità di 2 m/s e urtasse in modo totalmente anelastico contro un corpo di massa $m_2 = 3 \text{ Kg}$ inizialmente fermo, con che velocità partirebbe il sistema dei due corpi?



Esercizio 1

Al momento del bloccaggio della ruota lo moto uniformemente accelerato

$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

Deriva da

$$v dv = v a dt = a \frac{dx}{dt} dt = a dx$$

$$\Rightarrow \int_{v_0}^v v dv = \int_{x_0}^x a dx \Rightarrow \frac{1}{2}(v^2 - v_0^2) = a(x - x_0) \Rightarrow v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

L'unica forza in gioco è la forza di attrito

$$ma = -\vec{T}_a = -\mu_d N \quad \text{con } N = P = mg$$

$$\Rightarrow \mu_d mg = -\mu_d mg \Rightarrow a = -\mu_d g$$

\Rightarrow la velocità al momento del bloccaggio vale

$$v_{f.in} = 0 \Rightarrow v_i = \sqrt{-2a(x - x_0)} = \sqrt{2\mu_d g(x - x_0)} = 58,1 \text{ m/s}$$

Esercizio 2

La quantità di moto vale $\vec{p} = m\vec{v}$

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d}{dt}(m\vec{v}) = \vec{v} \frac{dm}{dt} + m \frac{d\vec{v}}{dt} \quad \text{ma } v = \text{cost} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{dp}{dt} = v \frac{dm}{dt} = 1,56 \cdot 10^3 \text{ Kg m/s}$$

Se non posso aumentare la spinta

$$\frac{dp}{dt} = 0 \Rightarrow v \frac{dm}{dt} + m \frac{dv}{dt} = 0$$

$$\Rightarrow a = -\frac{v}{m} \frac{dm}{dt} = -3,2 \cdot 10^{-2} \text{ m/s}^2$$

Esercizio 3

Considera tutte le forze in gioco

$$\Delta E_{\text{mecc}} + \Delta E_{\text{est.}} = 0$$

$$\Delta E_{\text{mecc.}} = \Delta K + \Delta U_g + \Delta U_e$$

$$\Delta K = \frac{1}{2} m v_i^2 - \frac{1}{2} m v_f^2 = \frac{1}{2} m v_i^2$$

$$\Delta U_g = 0 \text{ (siamo sul piano)}$$

$$\Delta U_e = \int_{x_i}^{x_f} F_e dx = - \int_{x_i}^{x_f} \frac{1}{2} Kx dx = - \frac{1}{2} Kx^2 \Big|_0^d = - \frac{1}{2} Kd^2$$

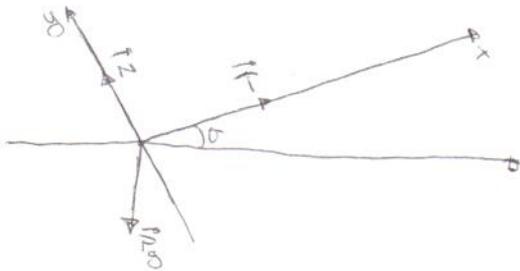
$$\Delta E_e = -\bar{F}_a \cdot d$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_i^2 - \frac{1}{2} K d^2 - \bar{F}_a d = 0$$

$$d = \frac{-\bar{F}_a \pm \sqrt{\bar{F}_a^2 + mKv_i^2}}{K} = 5,5 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

Esercizio 4

a) Disegna il diagramma di forze (libero)



Il lavoro della forza peso è dato da

$$L_g = \vec{F}_g \cdot \vec{d} = F_g d \cos(90^\circ + \theta) = m g d (-\sin \theta) \quad \text{con } d \sin \theta = h$$

$$\Rightarrow L_g = -mgh = -368 \text{ J} \quad (\text{Il peso è una forza conservativa } \rightarrow \text{ il lavoro dipende solo da } h!)$$

b) Applico il teorema dell'energia cinetica

$$\Delta K = L_T + L_g + L_N \quad \text{con } L_N = 0 = \vec{N} \cdot \vec{d} = N d \cos 90^\circ = 0$$

$$\stackrel{!}{=} L_T + L_g \quad \text{ma } \Delta K = 0 \text{ perché } v_i = v_f = \text{cost.}$$

$$\Rightarrow L_T = -L_g = 368 \text{ J}$$

c) Il lavoro non cambia, forza peso è conservativa!

$$\rightarrow L_T = \vec{T} \cdot \vec{d} = Td \rightarrow \text{Se } d \text{ aumenta, } T \text{ diminuisce}$$

Esercizio 5

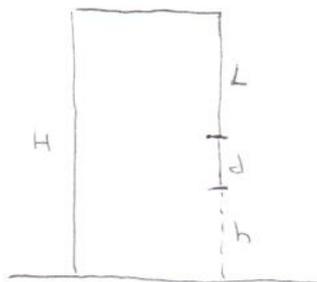
Ho solo forze conservative

$$\Delta E_{\text{mecc.}} = 0 \\ \stackrel{!}{=} \Delta K + \Delta U_g + \Delta U_e = 0$$

$$\Delta K = 0 \text{ perché } v_i = v_f = 0$$

$$\Delta U_g = mg(L+d)$$

$$\Delta U_e = \int_c^d \vec{F}_e dx = \int_0^d -\frac{1}{2} Kx dx = -\frac{1}{2} Kd^2$$



$$mg(L+d) - \frac{1}{2}kd^2 = 0$$

$$\Rightarrow d = \frac{mg \pm \sqrt{(mg)^2 + 2kmgL}}{k} = 17,9 \text{ cm} \quad (\text{Ho preso la radice positiva})$$

$$\Rightarrow h = H - (L+d) = 2,1 \text{ m}$$

Esercizio 6

$$a) E_i = E_f$$

$$E_{pi} + K_i = E_{pf} + K_f$$

$$mgh_i + \frac{1}{2}mv_i^2 = mgh_f + \frac{1}{2}mv_f^2 \Rightarrow v_f = v(B) = \sqrt{2gh} = 4 \text{ m/s}$$

$$b) v_f^2 = v_i^2 + 2a(x-x_0) \Rightarrow a = -\frac{v_i^2}{2(x-x_0)} = -6,53 \text{ m/s}^2$$

L'unica forza in gioco è la forza di attrito

$$ma = F_a \Rightarrow \mu N = \mu P = \mu mg \Rightarrow \mu = \frac{a}{g} = 0,67$$

c) Urto anelastico: si conserva solo la quantità di moto

$$\vec{P}_i = \vec{P}_f \Rightarrow m_1 v_i = (m_1 + m_2) v_f \Rightarrow v_f = v_i \frac{m_1}{m_1 + m_2} = 1 \text{ m/s}$$