

ESERCIZI SVOLTI DURANTE IL TUTORATO FEBBRAIO- MARZO 2012

MARTEDI 28 FEBBRAIO 2012

1) Verificare se l'espressione $F = mg + PS$ è dimensionalmente corretta.

$$[F] = [\text{forza}] = [M][L][T]^{-2} [S] = [\text{superficie}] = [L]^2$$

$$[m] = [\text{massa}] = [M] [g] = [\text{accelerazione}] = [L][T]^{-2}$$

$$[P] = [\text{pressione}] = [F/S] = [M][L]^{-1}[T]^{-2}$$

Otteniamo $[M][L][T]^{-2} = [M][L][T]^{-2} + [M][L][T]^{-2}$ ma due grandezze con stessa dimensione possono essere sommate, quindi l'eq. dimensionale è verificata.

2) Trovare la dimensione della costante di decadimento λ .

La soluzione approx. del decadimento radioattivo (decadimento esponenziale) è:

$$N(t) = N_0 \text{Exp}(-\lambda t)$$

$N(t)$ e N_0 sono rispettivamente il n. di particelle decadute al tempo t e il n. di particelle iniziali. Preoccupiamoci dell'argomento dell'esponenziale, che deve essere adimensionale:

Sapendo che $[t] = [\text{tempo}] = [T]$ per avere un esponente adimensionale,

$$[\tau] = [\text{vita media particelle}] = [T]^{-1} \text{ ed infatti } \tau = 1/\lambda \rightarrow N(t) = N_0 e^{-t/\tau}$$

3) Esprimere in cm^2 un'area di 15m^2 . [$1\text{m}^2 = 10^4\text{cm}^2$, allora Area = 15m^2

$$*(10^4\text{cm}^2 / 1\text{m}^2) = 15*10^4\text{cm}^2 = 1.5 * 10^5\text{cm}^2]$$

4) L'acqua ha densità $\rho = 1.00*10^3 \text{ kg/m}^3$ e la vogliamo esprimere in g/cm^3 .

$$[1\text{kg}=10^3\text{g}, 1\text{m}^3=10^6\text{cm}^3, \text{ quindi } \rho = 1.00*10^3 \text{ g/cm}^3]$$

5) A quanti km/h corre un centometrista se ci mette 10s per fare 100m?

$$[\text{Sappiamo che } 1\text{kg}=10^3\text{g} \text{ e che } 1\text{m}^3=10^6\text{cm}^3, \text{ quindi } v=36\text{km/h}]$$

6) Dati due vettori $\mathbf{a}=(1,-1,2)$ e $\mathbf{b}=(-2,2,m)$, determinare il valore di m per avere \mathbf{a} parallelo o perpendicolare a \mathbf{b} . [1° caso: si impone la condizione di parallelismo, cioè prodotto vettoriale uguale a zero e si trova $m=-4$. 2° caso: si impone la condizione di perpendicolarità, cioè prodotto scalare uguale a zero e si trova $m=2$]

7) In un piano (xy), partendo dall'origine si compiono i seguenti spostamenti successivi:

$$s_1=10\text{m} \text{ con angolo } \alpha_1= 30 \text{ deg} \text{ rispetto all'asse } x$$

$$s_2=5.0 \text{ m, } \alpha_2=60 \text{ deg}$$

$$s_3=4.0 \text{ m, } \alpha_3=150$$

Trovare le coordinate del punto di arrivo P e la sua distanza dall'origine.

$$[\text{chiamando } \mathbf{p} \text{ il vettore che congiunge l'origine con P, } p_x=7.70 \text{ m } p_y=11.3, p=13.7 \text{ m}]$$

MARTEDI 06 MARZO 2012

1) Una tartaruga ed una lepre gareggiano sul un percorso rettilineo di lunghezza $d=90$ m. Parto insieme all'istante $t=0$, la tartaruga viaggia a velocità costante $v_T=60$ cm/min, la lepre viaggia con $v_L=30$ cm/sec per un intervallo di tempo $t_1=60$ sec, poi dorme per un intervallo $t_3=3$ ore e poi riparte con v_L . Calcolare

a) t_T , tempo impegnato dalla tartaruga per fare tutto il tragitto
b) t_L tempo impegnato dalla lepre
“ “ “

c) velocità media della tartaruga

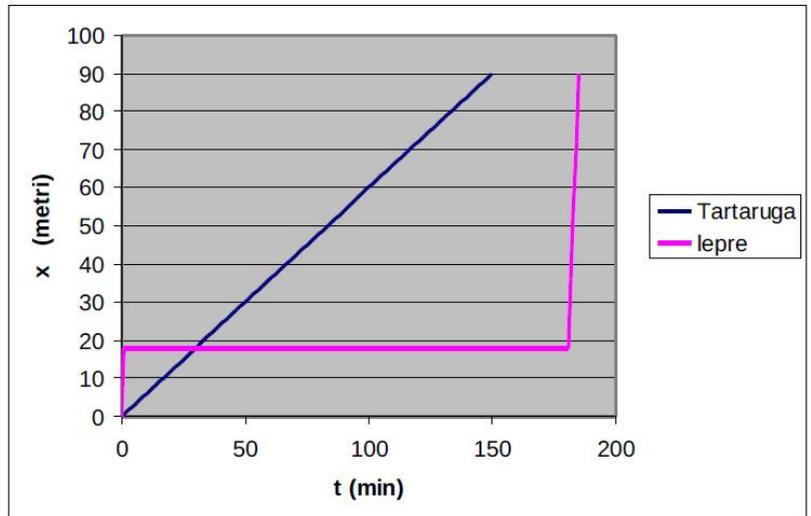
vm_T

d) velocità media della lepre

vm_L

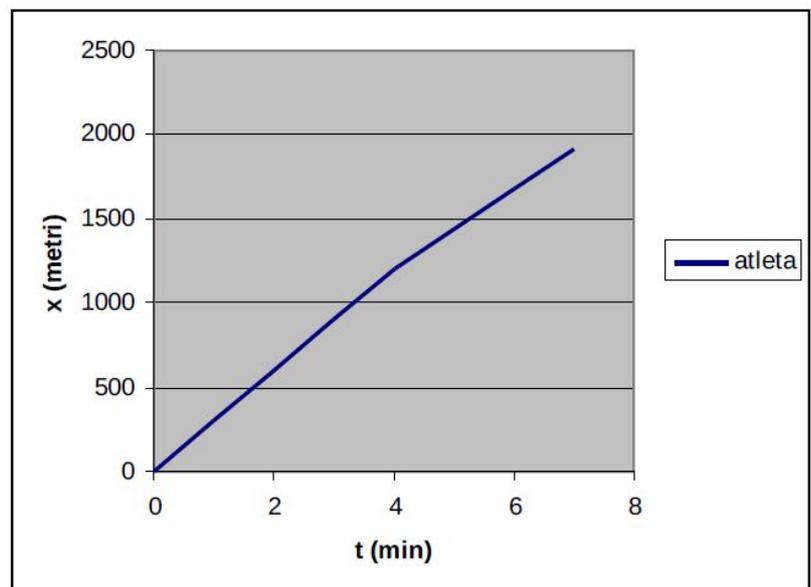
e) fare il grafico delle leggi orarie dei due animali

[$t_T=d/v_T=150$ min ; $t_L=t_1+t_3+t_2=185$ min ; $vm_T=v_T$,
 $vm_L=d/t_L=48.6$ cm/min ,
Notare la rapida salita della curva della lepre nel primo minuto]



2) Un atleta pratica jogging lungo un percorso rettilineo con velocità media $v_1=5.00$ m/s per un intervallo di tempo $t_1=4$ min, e con una velocità media $v_2=4.00$ m/s per un intervallo di tempo $t_2=3$ min. Calcolare lo spostamento totale dell'atleta $stot$, e la velocità media su tutto il percorso vm e disegnare la curva oraria del moto.

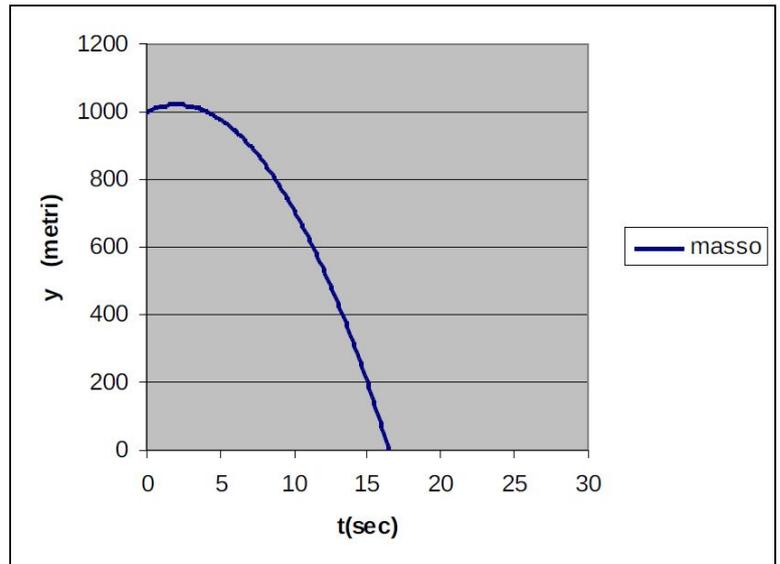
[$stot= v_1 t_1 + v_2 t_2= 1.92$ Km
 $vm= stot/ (t_1+ t_2)=4.57$ m/sec ,
notare il cambio di pendenza della curva per $t= 4$ min]



3) Un masso e' legato ad un elicottero che sale verticalmente con velocita' costante $v_0=72 \text{ Km/h}$. Quando il masso si trova ad una altezza $h=1\text{Km}$ dal suolo, il filo si rompe e il masso cade al suolo. Calcolare

- a) dopo quanto tempo raggiunge il suolo, t_s
 b) con che velocita' tocca il suolo, v_s
 c) fare il grafico della legge oraria del masso

[quando tocca il suolo vale $0 = h + v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$, per cui $t_s=16.47 \text{ sec}$, si scarta la soluzione negativa
 Al suolo la velocita' vale $v_s = v_0 - g t_s = -141.4 \text{ m/sec}$, e' diretta verso il basso]



MARTEDI 13 MARZO 2012

1) Un sasso viene lanciato verso l'alto con velocita' iniziale $v_0=20 \text{ m/s}$. Trovare

- a) il tempo t^* in cui $v(t^*)=v^*=6\text{m/s}$
 b) per t^* quale quota ha raggiunto $y(t^*)=y^*$
 c) la quota massima raggiungibile y_{max}
 d) fare il grafico della legge oraria

$$[t^* = (v_0 - v^*)/g = 1.43 \text{ s}]$$

$$[y^* = (v_0^2 - v^{*2})/2g = 18.5 \text{ m}]$$

$$[y_{\text{max}} = v_0^2/2g = 20.4 \text{ m}]$$

2) Trovare la gittata massima d_{max} di un cannone appoggiato al suolo, che spara un proiettile con $v_0=320 \text{ m/sec}$

[la gittata massima si ha in corrispondenza di un angolo di alzo pari a $\alpha=45^\circ$, e vale $d_{\text{max}} = v_0^2/g = 10.45 \text{ Km}$]

3) Problema svolto 5.3 Halliday – Resnick 5° edizione

LUNEDI 19 MARZO 2012

1) Un oggetto di peso $F_p = 40 \text{ N}$ si trova appeso al soffitto di un ascensore con un filo ideale. Calcolare

a) la tensione del filo quando l'ascensore e' accelerato con $a = 2 \text{ m/s}^2$ verso il basso

b) la tensione del filo quando e' accelerato verso l'alto con $a = 2 \text{ m/s}^2$

c) la tensione del filo quando si muove con velocita' costante $v = 2 \text{ m/s}$

d) la tensione del filo quando l'ascensore e' in caduta libera

[verso il basso $T = mg - ma = 32 \text{ N}$; verso l'alto $T = mg + ma = 48 \text{ N}$; con velocita' cost. $T = mg$; in caduta libera $T = 0$]

2) Esercizio 37p cap 6 Halliday-Resnick 5° edizione

[blocco M fermo significa $T = Mg$ $T =$ tensione del filo dove $T = mv^2/R$,
quindi $v = (MgR/m)^{1/2}$]

3) Esercizio 11p cap 6 Halliday - Resnick 5° edizione

[considero un granellino di sabbia di massa m, iniziera' a scivolare giu' quando:

$mg \sin(\theta) = \mu_s N$ con $\theta =$ angolo alla base del cono e $N = mg \cos(\theta)$

quindi deve essere: $\tan(\theta) = \mu_s$

e l'altezza del cono e': $h = R \tan(\theta) = R \mu_s$,

quindi il volume del cono e' : $V = \text{pigreco } R^2 h/3 = \text{pigreco } R^3 \mu_s/3$]

4) Esempio 5.7 cap 5 Serway