

## Tabella delle derivate più comuni

Tabella 1:  $u$ ,  $v$  e  $w$  sono funzioni della variabile  $x$ ;  $a$ ,  $c$  ed  $n$  e  $m$  sono numeri reali costanti. Gli argomenti delle funzioni trigonometriche sono espressi in radianti.

Tabella delle derivate più comuni	
$\frac{d}{dx}(a) = 0$ $\frac{d}{dx}(ax) = a$ $\frac{d}{dx}\left(\frac{1}{x}\right) = -\frac{1}{x^2}$ $\frac{d}{dx}(x^n) = nx^{n-1}$ $\frac{d}{dx}\left(\frac{1}{x^m}\right) = -\frac{m}{x^{m+1}}$ $\frac{d}{dx}(\sqrt{x}) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ $\frac{d}{dx}(\ln x) = \frac{1}{ x }$ $\frac{d}{dx}(e^x) = e^x$ $\frac{d}{dx}(e^{-x}) = -e^{-x}$ $\frac{d}{dx}(\operatorname{sen} x) = \cos x$ $\frac{d}{dx}(\cos x) = -\operatorname{sen} x$ $\frac{d}{dx}(\tan x) = \frac{d}{dx}\left(\frac{\operatorname{sen} x}{\cos x}\right) = \frac{1}{\cos^2 x}$	$\frac{d}{dx}(u + v - w) = \frac{du}{dx} + \frac{dv}{dx} - \frac{dw}{dx}$ $\frac{d}{dx}(uvw) = vw\frac{du}{dx} + uw\frac{dv}{dx} + uv\frac{dw}{dx}$ $\frac{d}{dx}(au) = a\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}\left(\frac{1}{u}\right) = -\frac{1}{u^2}\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(u^n) = nu^{n-1}\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}\left(\frac{1}{u^m}\right) = -m\frac{1}{u^{m+1}}\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(\sqrt{u}) = \frac{1}{2\sqrt{u}}\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(\ln u) = \frac{1}{ u }\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(e^u) = e^u\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(e^{-u}) = -e^{-u}\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(\operatorname{sen} u) = \cos u\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(\cos u) = -\operatorname{sen} u\frac{du}{dx}$ $\frac{d}{dx}(\tan u) = \frac{1}{\cos^2 u}\frac{du}{dx}$

Nella tabella 1 si è utilizzata anche la regola che per una funzione composta  $g$  di  $u(x)$ ,  $g(u(x))$  si ha che

$$\frac{dg}{dx} = \frac{dg}{du} \frac{du}{dx}.$$

Inoltre data una funzione qualsiasi  $f(x)$  per la quale si ha la derivata  $f'(x) = df/dx$  si ha che il differenziale di tale funzione indicato con  $df$  è definito come

$$df = f'(x)dx$$

Per ogni derivata si può ottenere la forma differenziale, per esempio  $d(ax) = adx$ , e per le funzioni complesse  $d(au) = adu = au'dx$  o  $d(\cos u) = -\operatorname{sen} u du = -\operatorname{sen} u u' dx$ .